

【注意】① 答えが約分できる分数になるときは、約分すること。

- ② 答えが $\sqrt{\quad}$ をふくむ数になるときは、 $\sqrt{\quad}$ の中を最も小さい正の整数にすること。  
 ③ 答えの分母が $\sqrt{\quad}$ をふくむ数になるときは、分母を有理化すること。  
 ④ 円周率は $\pi$ を用いること。  
 ⑤ 特に指示のない限り、答えのみを答案用紙に記入すること。  
 ⑥ 解答にあたっては、三平方の定理（直角三角形の直角をはさむ2辺の長さを $a$ 、 $b$ 、斜辺の長さを $c$ とすると、 $a^2 + b^2 = c^2$ の関係が成り立つ。）を用いてもよい。

1 次の各問い(1)～(5)に答えよ。(27点)

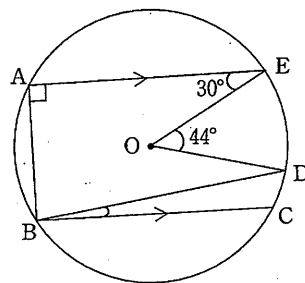
(1)  $1.81^2 - 0.31^2 + 0.69^2 - 0.81^2$  を計算せよ。

(2) 方程式 $6x + y = 11$ のグラフと方程式 $3x - 2y = 23$ のグラフの交点をPとする。方程式 $ax + y = b$ のグラフは、傾きが $-9$ で、点Pを通る。このとき、 $a$ 、 $b$ の値を求めよ。

(3) 袋Xに、ダイヤの2、ダイヤの3、スペードの2、スペードの3、スペードの4のトランプのカードがそれぞれ1枚ずつ合計5枚入っている。袋Yにも袋Xと同じ種類のトランプのカード5枚が入っている。袋X、袋Yからそれぞれ1枚のカードを同時に取り出したとき、ダイヤとスペードのカードがそれぞれ1枚ずつ取り出され、さらにカードに書かれた数字が異なる確率を求めよ。

ただし、それぞれの袋において、どのカードの取り出し方も同様に確からしいものとする。

(4) 右の図のように、円Oの周上に点A、B、C、D、Eがこの順にあり、 $\angle BAE = 90^\circ$ 、 $\angle AEO = 30^\circ$ 、 $\angle DOE = 44^\circ$ 、 $AE \parallel BC$ が成り立っている。このとき、 $\angle CBD$ の大きさを求めよ。



(5) 関数 $y = 8x^2$ について、 $x$ の値が $k$ から $k+1$ まで増加するときの変化の割合を $s$ とすると、 $s = 4$ となるような $k$ の値を求めよ。

2 下の図は、側面の二等辺三角形の等しい辺が2cm、底角が $72^\circ$ である正三角すいの展開図【図1】とその展開図を組み立ててできる正三角すいABCD【図2】である。【図1】において $\angle ABC$ の二等分線をひき、辺AC、辺AEとの交点を、それぞれG、Hとする。このとき、次の問い(1)～(3)に答えよ。(18点)

(1) 次の説明は、線分AGの長さを求める方法について述べたものである。ア～カに入る最も適当な数や式などを答えよ。ただし、ウは辺を表すアルファベット2文字で答えよ。

$\triangle GAB$ は底角がア $^\circ$ の二等辺三角形である。……①

$\triangle BCG$ は底角がイ $^\circ$ の二等辺三角形である。……②

①により $AG = BG$ 、②により $BG = BC$

よって  $AG = BC$  ……③

また、②から $\triangle ABC \sim \triangle BCG$ となり、対応する辺の長さの比が等しいので、

$AB : \text{ウ} = \text{ウ} : CG$  ……④

ここで、 $AG = x$  cmとおくと、③を用いて、④は $x$ を用いた比例式で、

$2 : \text{エ} = \text{エ} : \text{オ}$  ……⑤

と表すことができる。 $x > 0$ であることを考慮して、⑤から、

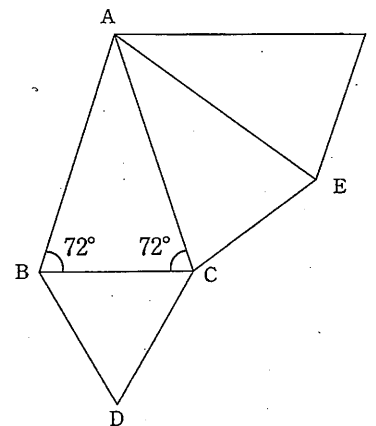
$AG = \text{カ}$  cm

を求めることができる。

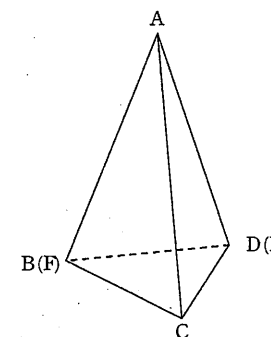
(2)  $\frac{AH}{AE}$ の値を求めよ。

(3) 正三角すいABCDの体積を $V$  cm $^3$ とする。正三角すいABCDを3点B、G、Hを通る平面で切断するとき、点Aを含む立体の体積を $W$  cm $^3$ とする。 $\frac{W}{V}$ の値を求めよ。

【図1】



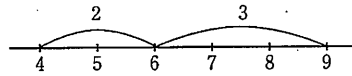
【図2】



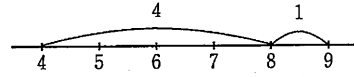
3 ある整数の2乗の形で表される整数を平方数という。例えば、1、4、9などは平方数である。自然数 $n$ に対し、数直線上で $n$ との距離が最も小さい平方数を考え、その平方数と $n$ との距離を $f(n)$ とする。ただし、 $n$ が平方数であるときは $n$ との距離が最も小さい平方数は $n$ と考え、 $f(n)=0$ とする。

例えば、下の図を参考にすると、 $f(6)=6-4=2$ 、 $f(8)=9-8=1$ である。また、9は平方数であるから、 $f(9)=0$ である。このとき、次の問い(1)~(3)に答えよ。(18点)

- (1)  $f(31)$ を求めよ。
- (2)  $f(n)=3$ となるような自然数 $n$ のうち、最小のものを求めよ。
- (3)  $f(n)=f(n+1)$ となるような30以下の自然数 $n$ をすべて求めよ。



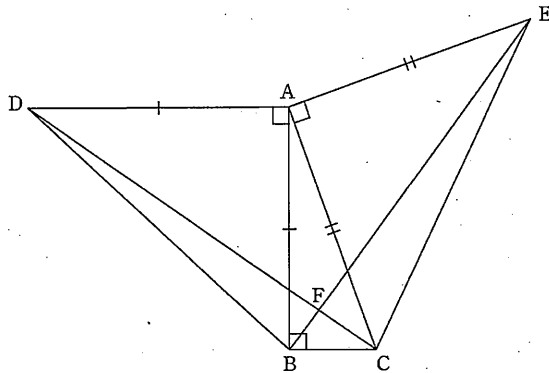
6との距離が最も小さい平方数は4である。



8との距離が最も小さい平方数は9である。

4 下の図のように、 $\angle ABC = 90^\circ$ の直角三角形ABCと $AB = AD$ の直角二等辺三角形ABD、 $AC = AE$ の直角二等辺三角形ACEがある。また、直線CDと直線BEの交点をFとする。 $AB = 3\text{ cm}$ 、 $BC = 1\text{ cm}$ のとき、次の問い(1)~(3)に答えよ。(18点)

- (1) 三角形BCDの面積を求めよ。
- (2) 線分BEの長さを求めよ。
- (3) 線分EFの長さを求めよ。



5 3点 $A(3, 6)$ 、 $B(5, 2)$ 、 $C(15, 2)$ をとり、線分ABと線分BCをつないだ折れ線を $L$ とする。また、関数 $y = \frac{20}{x}$  ( $x > 0$ )のグラフを $H$ とすると、 $L$ と $H$ の位置関係は下の図のようになった。 $L$ 上の点で $x$ 座標が $t$ である点を $P$ 、 $H$ 上の点で $x$ 座標が $t$ である点を $Q$ とする。ただし、 $3 \leq t \leq 15$ とする。このとき、次の問い(1)~(3)に答えよ。

ただし、(3)においては、考え方のすじ道がわかるように答えを求める過程も答案用紙の解答欄に記入せよ。(19点)

- (1) 2点A、Bを通る直線の式を求めよ。
- (2) 点Pと点Qの $y$ 座標が等しくなるような $t$ の値を求めよ。
- (3)  $t$ が(2)で求めた値以外の値をとるとき、三角形OPQの面積 $S$ が2となるような $t$ の値をすべて求めよ。

